

# Förderschule der Universitätsstadt Marburg

Großseelheimer Straße 12 35039 Marburg 06421 44880 info@mosaikschule-marburg.de

www.mosaikschule-marburg.de



#### Entwurf eines schulinternen Curriculums für den Bereich Mathematik

Arbeitsgruppe: Henkel, Pfeifer, Riedel, Stenzel, Watzlawczik Stand: März. 2013

#### Vorwort

Die im Folgenden aufgeführten mathematischen Lernbereiche sind nicht immer als linear aufeinanderfolgend zu betrachten. Es ist durchausmöglich, dass Schülerinnen oder Schüler in ihrer schulischen Laufbahn bestimmte Bereiche überspringen bzw. auslassen. Die mathematischen Lernbereiche sind jedoch in der Regel so aufgelistet, dass die vorderen Bereiche Vorläuferkompetenzen für die nachfolgenden Bereiche darstellen. Als Folge daraus ist ein linear abfolgender Erwerb der Kompetenzen für die Schülerinnen und Schüler von Vorteil, weil sie beispielsweise Strategien aus vorausgehenden Bereichen zum Erwerb neuer Strategien anwenden können.

Das Phänomen *Invarianz* stellt nach Meinung der Arbeitsgruppe ein gesondert zu betrachtendes Phänomen dar. Entgegen der Meinung Kutzers (u.A.) ist Invarianz unserer Meinung keine Voraussetzung für den Erwerb der nachfolgenden Kompetenzen. Invarianz kann viel mehr innerhalb der verschiedenen Bereiche geübt und gelernt werden, wobei einige Schülerinnen oder Schüler die Fähigkeit nicht erlernen, nachfolgende Kompetenzen jedoch trotzdem beherrschen können.

#### Abstufung der verschiedenen Lernbereiche / Quereinstieg

Die mathematischen Lernbereiche im Folgenden sind in ihrer Abfolge logisch von einfach nach schwer geordnet. Die vorausgehenden Bereiche gelten in der Regel als Vorläuferkompetenzen für die nachfolgenden Bereiche. Zur Einstufung eines Schülers oder einer Schülerin in die Lernbereiche soll die angegebene Diagnostik angewandt werden. Um Schülerinnen und Schülern einen individuellen Einstieg zu ermöglichen, besteht die Möglichkeit, zu entscheiden, welcher Lernbereich für den betreffenden Schüler / Schülerin bedeutsam für die Selbstständigkeit im Alltag ist und diesen Bereich ohne die vorausgehenden Bereiche zu unterrichten. Hierzu ist der Alltagsbezug der Bereich jeweils aufgeführt.

Mathematischer	Material	Didaktik / Methodik	Alltagsbezug	Literatur
Bereich				
Formen, Farben, Eigenschaften Orientierung im Raum	<ul> <li>Logische Blöcke</li> <li>Mathebärchen</li> <li>Alltagsgegenstände (jeweils gleiche Paare)</li> <li>Alltagsgegenstände im Raum</li> </ul>	Aktive Benennung Passive Benennung von Farbe, Größe, Form Sukzessive Steigerung der Merkmale Richtungen oben, unten, links, rechts durch Verbalisierung lernen (Stell dich hinter den Tisch.) Lesen von Pfeilrichtungen.	<ul> <li>Gesetzmäßigkeiten,</li> <li>Orientierung,</li> <li>Bildung von Kategorien,</li> <li>Unterschiede erkennen und benennen</li> </ul>	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seiten 15-21 und 57- 58
paarweise Zuordnung Vergleich von Mächtigkeiten,	<ul> <li>Wendeplättchen</li> <li>Schüttelboxen</li> <li>Alltagsmaterialien</li> <li>Zuordnungsraster</li> <li>Klettpunkte auf Klettraster</li> <li>Eierkartons mit Schaumstoffbällen</li> </ul>	Zuordnung von Partnerelementen enaktiv bis vollständig vorstellend Erst mit Zuordnungshilfe, dann ohne. Zuerst gleiche Elemente zuordnen, später verschiedene.  Vergleiche zunächst durch paarweise Zuordnung mit Randbeachtung dann ohne	<ul> <li>Würfelspiele spielen</li> <li>Gewinner ermitteln</li> <li>Tischdecken</li> <li>Gerechtes Verteilen (Essen/Gegenstände)</li> <li>Einkaufen</li> </ul>	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seite 23-25

Klassifikation / Gruppenbildung Menge-Menge-Zuordnung	<ul> <li>Mathebärchen in "Häuschen"</li> <li>Einkaufsladen ("1€-Shop")</li> <li>Schaumstoffwürfel mit Schaumstoffbällchen</li> <li>Bauernhof (Lernumgebung)</li> <li>Schuhkartons mit Zip-Beuteln</li> <li>Regale einräumen (Einkaufsladen)</li> <li>Mengenkarten (Memory)</li> </ul>	Zuerst gleiche Elemente zu einer Gruppe zusammenfügen. Von der konkreten Handlungsebene auf die vollständig vorstellende Ebene. Gleiche Mengen durch paarweise Zuordnung herstellen	<ul> <li>Mengen abpacken</li> <li>Sortieren / Ordnung schaffen</li> </ul>	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seiten 33-39
Menge-Zahl-Zuordnung	<ul> <li>Schuhkartons mit Zip-Beuteln</li> <li>Preisschilder kleben (Einkaufsladen)</li> <li>Regale einräumen (Einkaufsladen)</li> <li>Mengenkarten (Memory)</li> <li>Einführung von schuleinheitlichen Ziffern</li> </ul>	Mengen aufsteigend anordnen  von der enaktiven zur vollständig vorstellenden Handlung  enge Verknüpfung mit Graphomotorik  Vgl. Konventionen	Erkennen von Ziffern / Zahlen (zur Orientierung)	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seiten 39-40
Seriation / Reihenbildung	<ul> <li>Goldenes Perlenmaterial</li> <li>Cuisainaire</li> <li>Perlenschnüre</li> <li>Zahlenstrahl</li> <li>Nachbarzahlen</li> <li>Abzählreime?</li> <li>Sortieren im Einkaufsladen</li> <li>Alltagsmaterialien</li> <li>Gummimatten</li> <li>Zahlenstrahl</li> </ul>	Abzählreime als Anbahnung (optional) Auf- und Absteigende Mächtigkeitsfolgen Vorwärts und rückwärts zählen (eins mehr/ eins weniger)  Die einzelnen Schritte zählen Nicht den ersten (Standpunkt) Eindeutigkeitsprinzip Prinzip der stabilen Ordnung Kardinalprinzip Zahlsymbole aktiv / passiv erkennen	<ul> <li>Sortieren</li> <li>Seilspringen (zählen)</li> <li>Würfelspiele spielen</li> <li>Erkennen von Reihen</li> <li>Muster erkennen / weiterführen <ul> <li>Gegenstände abzählen</li> <li>Kochen</li> <li>Tischdecken</li> <li>Essen anmelden</li> <li>Anwesenheit</li> </ul> </li> </ul>	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seiten 36-37
Zahlen schreiben / Graphomotorik	<ul> <li>Arbeitsblätter zum Nachspuren</li> <li>Schreiblinien</li> </ul>	Ziffern erst groß (DinA4) nachspuren, anschließend kleiner werden. Schreibgerät: dicker Bleistift. Auf korrekte Haltung achten. Mit der freien Hand das Blatt festhalten. Die Hilfslinien erst deutlich sichtbar, dann undeutlicher bis schließlich ganz ohne geschrieben werden kann. Schreiben durch Verbalisierung unterstützen.	Mengen verschriftlichen können (Einkaufszettel etc.)	<ul> <li>Zahlenschreiblehr gang?</li> <li>Arbeitsblätter Server</li> </ul>

Zahlzerlegung	<ul> <li>Dosenwerfen / Kegeln</li> <li>Wendeplättchen</li> <li>Schüttelbox</li> <li>Zahlenhäuser</li> <li>Handspiel</li> <li>Rechengeschichten</li> <li>Kutzer Arbeitshefte (Zwack-Stier)</li> </ul>	Alle Möglichkeiten zu einer Zahl finden. Teilweise / vollständig vorstellend. Weiterzählen lernen Vgl. Konventionen	Herausfinden von Teilmengen Kochen Auffüllen von Mengen Verteilen von Süßigkeiten	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seiten 48-56
Addition und Subtraktion als Operation	<ul> <li>Rechengeschichten</li> <li>Zahlenmauern</li> <li>Mogelspiel</li> <li>Alltagsmaterialien</li> <li>Kutzerzug beladen</li> <li>Clusteraufgaben (8,5,3; 3+5=8, 5+3=8, 8-5=3, 8-3=5)</li> </ul>	Addition und Subtraktion werden gleichwertig im Unterricht behandelt  Gleichheitszeichen einführen Plus-/ Minuszeichen einführen  von der enaktiven zur vollständig vorstellenden Handlung	Kochen Einkaufen Umgang mit Geld Gesellschaftsspiele	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1 Seiten 59-78
Ergänzungsaufgaben	<ul> <li>Zahlenhaus</li> <li>Zahlenmauern</li> <li>X+4=6; 6-X=2,</li> </ul>	Vgl. Konventionen  Vertiefung des Gleichungskonzeptes (2+4=5+1)		
Zahlenraumerweiterung über 10 hinaus	<ul> <li>Kutzerzug</li> <li>Eierkartons</li> <li>Zahlenstäbe</li> <li>Steckwürfel</li> <li>Zehnerfeld</li> <li>Zwanzigerfeld</li> <li>100erter Feld</li> <li>Stellenwertsystem</li> <li>(ggf. Geld)</li> </ul>	Beginnend mit ZR 10, später ZR 20 und ZR 100 Kutzerzug oder Mathe 2000 (Zwanzigerfeld) Kraft der 5 Rechts-Links 34 vs. 43 Zweistellige Zahlen richtig lesen können Prinzip der Zehnerbündelung verstehen Positionswert (H/Z/E) erfassen (36 <63) Bedeutung der 0 verstehen.		Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 2 Seiten 107-110  Kutzer "Mathematik entdecken und verstehen" Band 3, S. 9-22. und S. 66-93.
Zehnerübergang	<ul><li>Zehnerfeld</li><li>Zwanzigerfeld</li><li>100erter Feld</li><li>Kutzerzug?</li></ul>	Rechnen in zwei Schritten: Immer den Zehner voll machen und den Rest addieren. Bis zum Zehner subtrahieren, dann Rest subtrahieren. Visualisierung durch Material Zahlzerlegung (ZR 10) anwenden	Rechnen im Alltag	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 2 Seiten 109 ff.

Multiplikation	Eierpalettenkarton Pralinenschachtel Schokolade Perlenkette Multiplikationsbrett	Malbegriff einführen => zeitlich sukzessiver Aspekt ist geeigneter für die Einführung Jeder bekommt 2 Kastanien 5x2 = 2+2+2+2+2 = 10 Vorzugsweise mit 5er und 2er Reihe beginnen Die Verdoppelung als einfachste Form der Multiplikation kennen lernen Mengen zunächst auf der handelnden Ebene gerecht verteilen und die Zahlenoperation ableiten Bedeutung der Multiplikationsfaktoren (4x2=4 Teller mit 2 Bonbons und 2x4=2 Teller mit 4 Bonbons) darstellen Zuordnen von Additions- und Multiplikationsaufgaben zu Mengenbildern Erkennen, dass die Multiplikation über die Addition berechnet werden kann Die Einsicht gewinnen, dass die Multiplikationsschreibweise (3x2) die verkürzte Schreibweise für die Additionsaufgabe ist (3+3+3) ist An Mengenbildern die Tauschregel der Multiplikationsfaktoren entdecken	Mengen schnell erfassen Fixkostenberechnen Taschengeldkalkulationen Zeit berechnen (Tag, Wochen) Essenberechnungen	Kutzer: Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 2 Seiten 120 ff  Kutzer "Mathematik entdecken und verstehen" Band 3, S. 38-61. und S. 111-114.
Division	Nachtisch aufteilen Divisionsbretter	Das Halbieren als einfachste Form der Division kennen lernen Division als Umkehrfunktion von Multiplikation Mengen auf der handelnden Ebene gerecht verteilen Das Rechenzeichen ":" als Symbol für die Teilung einer Menge verstehen	Essen aufteilen Mannschaften bilden Einkauf (Prüfen für wie viele Artikel das Geld reicht)	Kutzer "Mathematik entdecken und verstehen" Band 4, S. 58-63. und S. 132- 138.
Geld	Spielgeld Kaufladen Werbeprospekte	Geldscheine & Münzen erkennen und benennen (aktiv-passiv) Geldtauschen, Wertigkeitserhalt verstehen (2x5€ = 10€) Umrechnung ct. => € Repräsentantenvorstellung (was kann ich kaufen für 1€, für 5€, für 10€?) 5€ vs. 50ct was ist mehr? Geld zählen	Einkaufen zum Kochen Taschengeldverwaltung Haushaltsplan Einschätzungen von Investitionen	Löffler, Ulrike/ Schick, Isabel (2010): Lebenspraktisches Lernen — Geld. Persen-Verlag, Buxtehud

ALLGEMEINES zu Größen /	Siehe einzelne Bereiche unten	Bezahlen mit Trick (Beträge aufrunden) Dezimalzahlen behandeln (rudimentär) Kaufkraft (schätzen, was etwas kostet) Mit Geld rechnen (Add / Subtraktion) - Lerngegenstände und Lerninhalte werden	Siehe einzelne Bereich unten	Hansel, Carmen
Maßeinheiten (siehe Längen, Gewicht, Volumen)		in lebensbedeutsamen Zusammenhängen gelernt und möglichst durch eigenes Handeln erfahren - Abstraktionsstufen und Differenzierung durch a) enaktive, b) ikonische, c) symbolische Ebene - Differenzierung des Materials kann zusätzlich immer durch das Angebot der Zahlen angeboten werden (ganze Zahlen vs. Dezimal-Zahlen)		(2001): Lang, länger, am längsten — Eine Mathematikwerkstat t. Verlag an der Ruhr, Mühlheim  Hildebrandt, Heide (2010): Größen aktiv entdecken: Gewichte. Persen-Verlag, Buxtehude
Längen	1m Stab, Zollstock, Lineal, selbst gebastelte Maßbänder	- Realistische Größenvorstellung schulen - Gegenstände nach Größe/Länge ordnen und/oder vergleichen - Maßeinheiten kennenlernen - Repräsentanten (körpereigene [messen mit dem Körper]und externe) - Messen mit standardisierten Material (Maßband, Lineal, Gliedermaßstab etc.) - Längen schätzen und Größenvorstellungen entwickeln (Repräsentanten für 1cm, 1m, 1km)	Körperlängen messen  Werken  Sport (Weitwurf, Weitsprung, 1000m Lauf)  Entfernungen (z.B. von der Schule ins Schwimmbad)	s.o.
Gewicht	Verschiedene Waagen (Balkenwaage, Tafelwaage, Küchenwaage, Personenwaage)	- Leichter vs. Schwerer entdecken (Kleiderbügelwaage) - Direkter vs. indirekter Vergleich - Gewichte schätzen und Größenvorstellungen entwickeln (Repräsentanten für "1g", "1kg" und "1t"), - Standardisierte Messwerkzeuge kennenlernen und adäquaten Umgang erlernen - Stützvorstellungen entwickeln	Kochen  Backen  Körpergewichte	s.o.
Volumen	Messbecher, EL, TL, Tassen	Begriffsverständnis von Hohlmaßen entwickeln, Vergleich von Flüssigkeitsmengen, Mengenbestimmung durch nicht normierte (TL, EL, Tassen) und	Kochen Backen	S.O.

	standardisierte Hohlmaße (ml, l, 1/4l, 1/2l,	
	3/4I, 1I), schätzen und Größenvorstellungen	
	entwickeln	

### Diagnostik

Um den Lernstand der SuS zu bestimmen können "Der aktuelle Lernstand Mathematik" (Literaturangabe) und MBKO genutzt werden. Diese entspricht bis zum Bereich Zehnerübergang / Positionssystem der oben stehenden Tabelle. Anhand der Tabelle können relevante Unterrichtsinhalte für die betreffenden SuS geplant werden. Für fortgeschrittene Bereiche können MBK 1 und DEMAT1 genutzt werden.

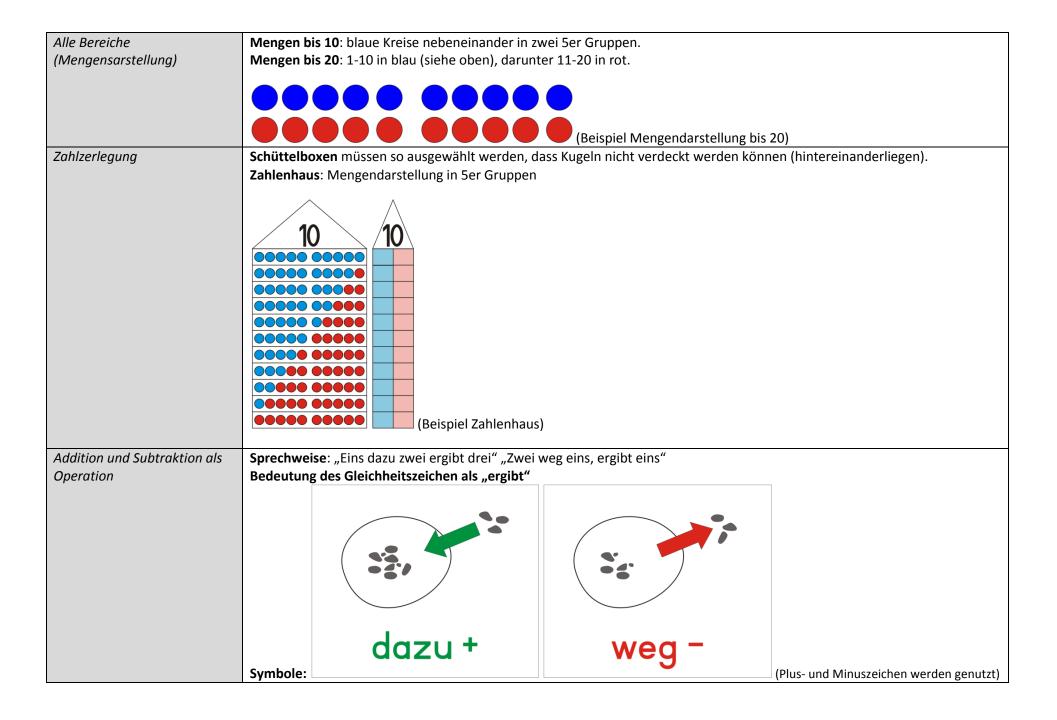
### Konventionen und schulinterne Absprachen

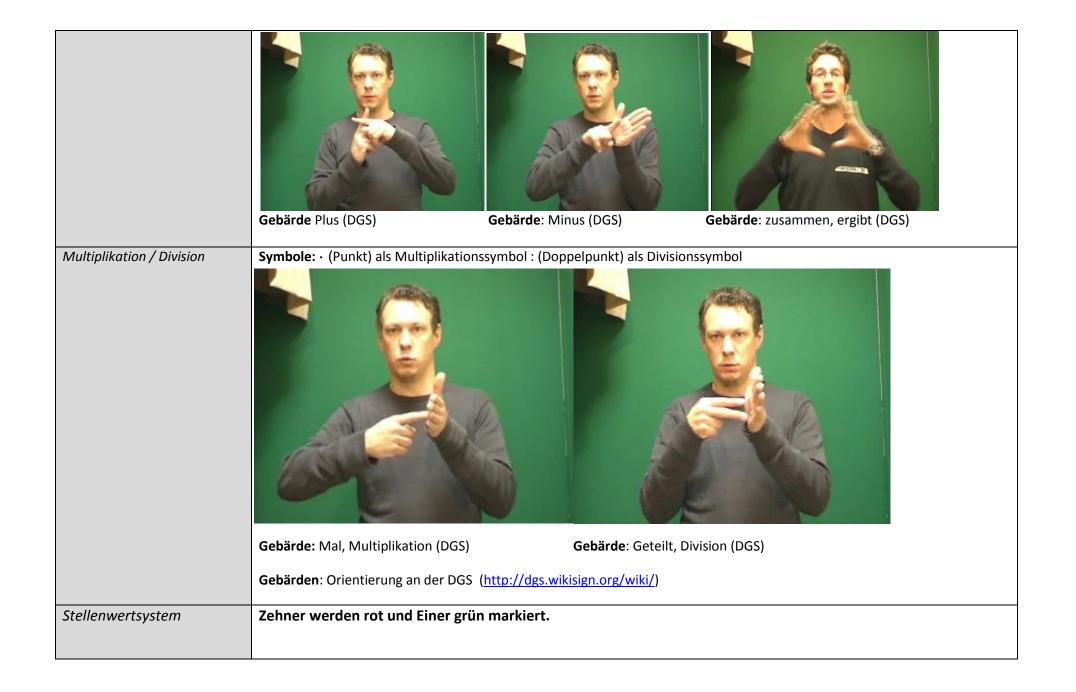
Um Schülerinnen und Schülern einen problemlosen Wechsel zwischen den einzelnen Differenzierungsgruppen zu ermöglichen und ein flexibles Lehrkraftmanagement zu gewährleisten sollen folgende Konventionen an der Mosaikschule gelten:

Konvention	Erläuterung
Einheitliche Symbolik	Symbole für mehr, weniger, gleich, gleich viele, mathematische Operationen
Einheitliche Gebärden	Gebärden für Zahlen, Operationen, mathematische Zusammenhänge
Einheitliche Sprechweise	Verbalisierung von Operationen und mathematischen Zusammenhängen
Einheitliches Arbeitsmaterial / Arbeitsblätter	Festlegung von Farben, Aussehen von Schreiblinien / Schreibkästchen

Mathematischer Bereich	Konvention		
paarweise Zuordnung	<b>Sprechweise</b> : mehr, weniger, gleich viele		
Vergleich von Mächtigkeiten,	Symbole: <, =, >		
	mehr	weniger	gleich viele
	Gebärden (DGS):		
	mehr 🎒	weniger	gleich viele

Menge-Zahl-Zuordnung, Zahlenschreiben	Einheitliche Ziffern (Schriftart AaBbCc 1234567890)  Merkmale: Vier nicht geschlossen, Sieben mit Mittelstrich, die Neun muss sich deutlich von einem <g> unterscheiden (zB.: AaBbCc.ttf)  Hilfestellungen: Startpunkt festlegen, Nachspuren von gepunkteter Linie, Nachspuren eines Zahlenumriss, Schreiblinien</g>		
	(Beispiel in Schreiblinien)  Verbalisierung des Schreibens: erst rauf, dann runter etc.		





### **Anhang**

### Kompetenzen außerhalb des Lernbereichs Mathematik (nicht Inhalt des Mathe Curriculums)

Es gibt Kompetenzen, die für den Erwerb mathematischer Kompetenzen Voraussetzung sind, jedoch nicht dem Lernbereich Mathematik zuzuordnen sind. Es handelt sich hierbei um Kompetenzen, die Schülerinnen und Schüler, die an einem Mathematikunterricht der Schule mit dem Förderschwerpunkt geistige Entwicklung teilnehmen, gesondert erwerben sollten. Ohne das Erlernen dieser Kompetenzen ist ein erfolgreicher Erwerb der mathematischen Kompetenzen nur sehr bedingt möglich. Diese Kompetenzen sind (hier sind die wichtigsten aufgelistet):

Kompetenz	genauere Beschreibung	Zusammenhang mit dem Lernbereich Mathematik
Teilnahme an (Gruppen-)	Sitzen an einem eigenen Arbeitsplatz, Akzeptanz	Mathematikunterricht erfolgt an der Mosaikschule in
unterricht	von Mitschülern, Unterscheidung von Lernzeit	Differenzierungsgruppen. Eine Teilnahme an diesen Gruppen muss möglich
	und Freizeit, Fähigkeit zur Einzelarbeit	sein, um Mathematik zu lernen.
Einhaltung von Regeln und	Beachtung der Melderegel, angemessene	Um allen Schülerinnen und Schülern einen erfolgreichen Kompetenzerwerb
Konventionen	Lautstärke, Akzeptanz von Autorität	im Bereich Mathematik zu ermöglichen, muss eine geeignete
		Arbeitsatmosphäre herrschen.
Ausreichende Motorik	Umgang mit Arbeitsmaterial, Stiften, Heften, etc.	Die meisten mathematischen Zusammenhänge werden an der Schule mit
		dem Förderschwerpunkt geistige Entwicklung auf der konkreten Ebene
		verdeutlicht. Hierfür ist der aktive Umgang mit Materialien notwendig.
Graphomotorik	Schreiben von Ziffern	Es ist zwar nicht zwingend notwendig Ziffern schreiben zu können. Es
		erleichtert den Austausch über mathematische Zusammenhänge jedoch
		enorm.
Organisation von	Eigene Stifte, Hefte etc. organisieren, Umgang	Eine Teilnahme am Mathematikunterricht erfordert (an der Mosaikschule)
Arbeitsmaterial	mit Arbeitsblättern oder Arbeitsmaterialien	ein gewisses Maß an Selbstständigkeit
Eigenverantwortliches	Auffinden von Räumen, Ausdruck der eigenen	S.O.
Handeln	Bedürfnisse, Selbstfürsorge	
So-tun-als-ob-Spiele	Übertragung zwischen konkreter	Insbesondere bei der Verallgemeinerung von mathematischen
	Handlungsebene auf (teilweise) vorstellende oder	Zusammenhängen ist eine Übertragung auf andere Gegenstände und
	symbolische Ebene	Situationen erforderlich.

# Alternative Gebärden:



Teilen



Gleichung

### Literatur

Hansel, Carmen (2001): Lang, länger, am längsten – eine Mathematikwerkstatt. Verlag an der Ruhr, Mühlheim

Hildebrandt, Heide (2010): Größen aktiv entdecken. Gewichte. Persen-Verlag, Buxtehude

Kutzer, Reinhard (1983): Mathematik entdecken und verstehen Kommentarband 1-4. Lydia-Kutzer-Verlag,

Löffler, Ulrike/ Schick, Isabel (2010): Lebenspraktisches Lernen: Geld. Persen-Verlag, Buxtehude

Schipper/ Wittmann (200x): Mathe 2000 noch einfügen

## Diagnostische Literaturempfehlung

Saarländisches Ministerium für Bildung, Kultur und Wissenschaft (ohne Erscheinungsjahr): Der aktuelle Lernstand Mathematik – Diagnose und Fördermöglichkeit, online: <a href="http://goo.gl/QJAJz">http://goo.gl/QJAJz</a>

MBK 0/ MBK 1 (noch nicht erschienen): bezogen durch Justus-Liebig-Universität Giessen!?!?!

Küspert, P./ Schneider, W. (2002): Deutscher Mathematiktest für erste Klassen (DEMAT 1+). Hogrefe, Göttingen